

Trình độ: ĐẠI HỌC; Ngày thi: 10/06/2019

Môn: XÁC SUẤT THỐNG KÊ

ĐÁP ÁN ĐỀ THI CHÍNH THỨC

(Đáp án - thang điểm gồm 3/3 trang)

Câu	Nội dung	Điểm
1		2,5
	<b>a. Xác suất có 2 sản phẩm loại hai</b>	1,5
	Gọi $A$ : “có 2 sản phẩm loại hai”.	0,25
	Số trường hợp thuận lợi: $m_A = C_3^2 \cdot C_{12}^2$	0,5
	Số trường hợp có thể: $n = C_{15}^4$	0,5
	$\Rightarrow P(A) = \frac{m_A}{n} = \frac{C_3^2 \cdot C_{12}^2}{C_{15}^4} = \frac{66}{455}$	0,25
	<b>b.</b>	1,0
	Gọi $B$ : “có 1 sản phẩm loại một, 1 sản phẩm loại hai và 2 sản phẩm loại ba”.	0,25
	Số trường hợp thuận lợi: $m_B = C_8^1 \cdot C_3^1 \cdot C_4^2$	0,5
	$P(B) = \frac{m_B}{n} = \frac{C_8^1 \cdot C_3^1 \cdot C_4^2}{C_{15}^4} = \frac{48}{455}$	0,25
2		2,5
	<b>a.</b>	1,5
	Xét phép thử $\tau$ : “chữa bệnh T”. 3 bệnh nhân điều trị bệnh T $\Leftrightarrow \tau$ được thực hiện 3 lần độc lập $A$ : “khỏi bệnh”, $p = P(A) = 0,8$ Nên $X \sim B(3; 0,8)$	0,25
	$P(X = 0) = C_3^0 (0,8)^0 (1 - 0,8)^3 = \frac{1}{125}$	0,25
	$P(X = 1) = C_3^1 (0,8)^1 (1 - 0,8)^2 = \frac{12}{125}$	0,25
	$P(X = 2) = C_3^2 (0,8)^2 (1 - 0,8)^1 = \frac{48}{125}$	0,25
	$P(X = 3) = C_3^3 (0,8)^3 (1 - 0,8)^0 = \frac{64}{125}$	0,25

Câu	Nội dung					Điểm
	$X$	0	1	2	3	0,25
	$p$	$\frac{1}{125}$	$\frac{12}{125}$	$\frac{48}{125}$	$\frac{64}{125}$	
	<b>b.</b>					<b>1,0</b>
	$E(X) = np = 3 \times 0,8 = 2,4$					0,5
	$Var(X) = npq = 3 \times 0,8 \times 0,2 = 0,48$					0,5
<b>3</b>						<b>2,5</b>
	Gọi $X$ là trọng lượng của cá trê vàng. $\mu$ là trọng lượng trung bình của cá trê vàng.					0,25
	Đặt $Z = \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}}$ khi đó $Z \sim N(0,1)$					0,25
	Vì cỡ mẫu lớn hơn 30 và $\sigma^2$ chưa biết nên $[\bar{x} - \varepsilon; \bar{x} + \varepsilon]$ , $\varepsilon = z_{\alpha/2} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$					0,5
	Với độ tin cậy 95% $\Rightarrow \alpha = 0,05 \Rightarrow z_{\alpha/2} = 1,96$					0,5
	Từ mẫu số liệu ta có $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^5 n_i \cdot x_i^* = 204,25$					0,25
	$s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \left[ \sum_{i=1}^5 n_i \cdot (x_i^*)^2 - n(\bar{x})^2 \right]} = 12,066$					0,25
	Do đó $\varepsilon = 1,96 \cdot \frac{12,066}{\sqrt{40}} = 3,739$					0,25
	Khoảng tin cậy cần tìm $[200,511; 207,989]$					0,25
	Kiểm định giả thuyết thống kê					<b>2,5</b>
	Gọi $p$ là tỷ lệ hộ nghèo trong thành phố, biết rằng $p_0 = 0,06$ .					0,25
	Đặt giả thuyết $\begin{cases} H_0 : p = 0,06 \\ H_1 : p \neq 0,06 \end{cases}$					0,25
	Chọn thống kê $Z = \frac{(F_n - p_0) \cdot \sqrt{n}}{\sqrt{p_0 \cdot (1 - p_0)}}$					0,25
<b>4</b>	Miền bác bỏ $W_\alpha = \{z \in \mathbb{R} :  z  > z_{\frac{\alpha}{2}}\} (*)$					0,25
	Ta có $1 - \alpha = 96\% \Rightarrow \alpha = 4\%$ $\Rightarrow z_{\frac{\alpha}{2}} = z_{0,02} = 2,054$					0,25
	$n = 235$					0,25
	$f = \frac{m_A}{n} = \frac{11}{235}$					0,25

Câu	Nội dung	Điểm
	Giá trị thống kê $z = \frac{(f - p_0) \cdot \sqrt{n}}{\sqrt{p_0 \cdot (1 - p_0)}} = -0,852$	0,25
	Ta thấy $ z  = 0,852 < 2,054 = z_{\frac{\alpha}{2}}$ (không thỏa (*))	0,25
	$\Rightarrow$ Chưa đủ bằng chứng để bác bỏ $H_0$ , nghĩa là sự phát biểu của vị lãnh đạo thành phố là không đúng.	0,25